

Algorithmen und Datenstrukturen (ESE)  
Entwurf, Analyse und Umsetzung von  
Algorithmen (IEMS)  
WS 2012 / 2013

Vorlesung 1, Dienstag, 23. Oktober 2012  
(Einführung, Organisatorisches, Sortieren)

Prof. Dr. Hannah Bast  
Lehrstuhl für Algorithmen und Datenstrukturen  
Institut für Informatik  
Universität Freiburg

# Allgemeines zu dieser Vorlesung 1/3

---

## ■ Thema allgemein

- Letztes Semester haben Sie (ESE) die Grundzüge des Programmierens gelernt (die meisten in [Java](#))
- Fragen der Performanz spielten noch kaum eine Rolle
- Genau darum geht es jetzt in dieser Vorlesung
  - Wie schnell ist mein Programm?
  - Wie kann ich es schneller machen?
  - Wie kann ich beweisen, dass es immer so schnell läuft?
- Manchmal geht es auch um Sparsamkeit im Platzverbrauch oder andere Ressourcen, aber bei uns hier meistens um **Zeit**

## ■ Themen im Speziellen

- Sortieren, dynamische Felder, assoziative Felder, Hashing, Prioritätswarteschlangen, Listen, Kürzeste Wege / Dijkstra's Algorithmus, Suchbäume, etc.
- Sehr ähnlich zur Vorlesung vom WS 2011/2012

<http://ad-wiki.informatik.uni-freiburg.de/teaching/AlgoDatEseWS1112>

## ■ Methodologisches

- Laufzeitanalyse
- O-Notation
- Den einen oder anderen Korrektheits**beweis**
- Die Mathematik, die wir in diesem Kurs verwenden, ist sehr "basic", aber es ist schon Mathematik, nicht nur "Rechnen"

# Allgemeines zu dieser Vorlesung 3/3

---

## ■ Art und Weise

- Großer Praxisbezug (wie in allen meinen Vorlesungen)
- Aber auch Theorie (sofern sie der Praxis nutzt)
- Übungsblätter 80% praktisch, 20% theoretisch
- Zum Ablauf des Übungsbetriebs gleich mehr ...

## ■ Aufwand

- Es gibt für die Veranstaltung 4 ECTS (ESE) / 6 ECTS (IEMS)
- Das entspricht 120 / 180 Arbeitsstunden für das Semester
- 14 Vorlesungen à 6 / 8 Stunden Arbeit + Klausur am Ende
- Also 4 / 6 Stunden / Übungsblatt (es gibt jede Woche eins)
- Deadlines für IEMS flexibler, da berufsbegleitend

## ■ Übungsblätter

- Um an der Klausur teilnehmen zu können, brauchen Sie mindestens **50%** der Punkte in den Übungsblättern
- Wer die Übungsblätter alle macht, braucht am Ende kaum noch was zu lernen für die Klausur
- Abgabe / Korrektur über unser **SVN** ... **später mehr dazu**

## ■ Übungsgruppen

- Die Tutoren sind: **Katja Faist**, **Markus Näther**, **Mathieu Wacker**
- Mitverantwortlich für die Übungsblätter ist: **Claudius Korzen**
- Kein Übungsgruppentermin, es läuft alles **online**
  - für alle Fragen etc. gibt es das **Forum** ... **gleich mehr dazu**
  - bei Bedarf auch eins-zu-eins Treffen mit TutorIn möglich

- Die **Endnote** ergibt sich folgendermaßen
  - Die Punkte aus den Übungsblättern werden auf max. 20 Punkte skaliert → Ü
  - In der Abschlussklausur wird es 4 Aufgaben à jeweils 20 Punkte geben → K1, K2, K3, K4
    - Termin (alle): Samstag, 23. März 2013, 11 – 13 Uhr
  - Von Ü, K1, K2, K3, K4 werden die besten 4 genommen und aufsummiert (also maximal 80 Punkte)
  - Aus dieser Summe wird die Endnote ermittelt
  - Schummeln / Plagiat bei den Übungsblättern bzw. bei der Klausur hat wie immer Nicht-Bestehen zur Folge (einmal reicht, das tut man ja nicht aus Versehen)

- Daphne ist unser **Kursverwaltungssystem**
  - Link auf dem Wiki zum Kurs, **bitte anmelden!**
  - In Daphne haben Sie eine Übersicht über folgende Infos
    - Wer ihr/e Tutor/in ist
    - Ihre Punkte in den Übungsblättern
    - Info zum aktuellen Übungsblatt
    - Link zum [Forum](#) ... gleich mehr dazu
    - Link zum [SVN](#) ... gleich mehr dazu
    - Link zu unseren [Coding Standards](#) ... gleich mehr dazu
    - Link zu unserem [Build System](#) ... gleich mehr dazu

- Es gibt ein **Forum** zur Veranstaltung
  - Link dazu auf dem Wiki und auf Ihrer Daphne Seite
  - Bitte fragen Sie, wann immer etwas nicht klar ist
  - **Nur keine Hemmungen**, auch wenn Sie denken, die Frage ist blöd ... **ist sie meistens nicht**
  - Und fragen Sie uns nicht einzeln, sondern auf dem Forum ... praktisch immer interessiert das auch andere
  - Entweder **Ich** oder **Claudius Korzen** oder einer der **TutorInnen** wird dann möglichst schnell antworten



- SVN = **Subversion** <http://subversion.apache.org/>
  - Dateien liegen auf einem zentralen Server, in einem sogenannten **repository**, die typische Operationen sind
    - **Update**: neuste Version vom Server ziehen
    - **Commit**: letzte Änderungen auf den Server hochladen
  - Vollständige Historie von allen Änderungen an den Dateien
  - Insbesondere nützlich für das Schreiben von Code
  - Wir benutzen das hier für
    - die Abgaben Ihrer Übungsblätter (Code + alles andere)
    - das Feedback von Ihrem Tutor / Ihrer Tutorin
    - Vorlesungsdateien / Musterlösungen
  - Ich werde es Ihnen heute einfach einmal vormachen ...

- Neben dem eigentlichen Thema (AlgoDat)
  - ... sollen Sie auch (weiter) **gutes Programmieren** lernen !
  - Dazu ein paar bewährte Standards
    - **Unit Tests** für alle nicht-trivialen Methoden ... [JUnit](#) / [GTest](#)  
**Grund** : Siehe nächste Folie
    - Befolgen eines **Stylesheets** ... [Checkstyle](#) / [Cpplint](#)  
**Grund**: Damit ihr Code lesbar und verständlich ist
    - Standardisiertes **Build-Framework** [Ant](#) / [Make](#)  
**Grund**: Damit wir nicht bei jeder Abgabe getrennt schauen müssen, wie man den Code testet / ausführt
  - Ich werde Ihnen das heute alles einmal vormachen ...
  - Ob [Java](#) oder [C++](#) ist Ihnen überlassen !

## ■ Warum Unit Tests

- **Grund 1:** Eine nicht-triviale Methode ohne Unit Test ist mit hoher Wahrscheinlichkeit nicht korrekt
- **Grund 2:** Macht das Debuggen von größeren Programmen viel leichter und angenehmer
- **Grund 3:** Wir und Sie selber können automatisch testen ob Ihr Code das tut was er soll

## ■ Was ist ein "guter" Unit Test

- Ein Unit Test soll überprüfen ob eine Methode für eine gegebene Eingabe, die gewünschte Ausgabe berechnet
- Für mindestens **eine typische** Eingabe
- Für mindestes **einen kritischen** "Grenzfall", wenn es denn solche gibt ... z.B. leeres Feld beim Sortieren

- Jenkins ist unser **Build System**

- Damit können Sie schauen, ob Ihr Code, so wie Sie ihn bei uns hochgeladen haben, kompiliert und läuft
  - Insbesondere ob die **Unit Tests** alle durchlaufen
  - Und ob **Checkstyle** mit allem zufrieden ist
- Werde ich Ihnen auch heute vormachen ...

# Sortieren

## ■ Problemdefinition

- **Eingabe:** eine Folge von  $n$  Elementen  $x_1, \dots, x_n$
- Sowie ein (transitiver) Vergleichsoperator  $<$  der für zwei beliebige Elemente sagt, welches davon kleiner ist
- **Ausgabe:** die  $n$  Elemente in gemäß diesem Operator sortierter Reihenfolge, zum Beispiel

Eingabe: 17, 4, 32, 19, 8, 44, 65

Ausgabe: 4, 8, 17, 19, 32, 44, 65

$$x < y \text{ und } y < z \\ \Rightarrow x < z$$

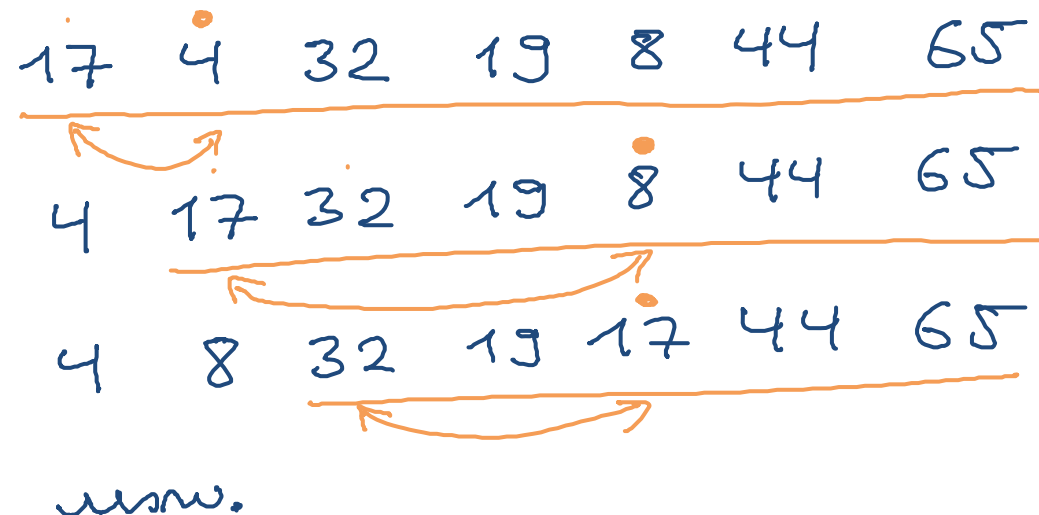
## ■ Wo braucht man Sortieren?

- In praktisch **jedem** größeren Programm
- Beispiel: Bauen eines Indexes für eine Suchmaschine

# MinSort — Algorithmus

## ■ Informale Beschreibung

- Finde das Minimum und tausche es an die erste Stelle
- Finde das Minimum im Rest und tausche es an die zweite Stelle
- Finde das Minimum im Rest und tausche es an die dritte Stelle
- usw.



# MinSort — Programm

---

- Das schreiben wir jetzt zusammen
  - Bei der Gelegenheit zeige ich Ihnen dann auch gleich wie das alles geht mit
    - den **Unit Tests** ... Junit / GTest
    - unseren **Coding Standards** ... Checkstyle / Cpplint
    - unserem **Build Framework** ... Ant / Make
    - unserem **Build System** ... Jenkins
    - unserem **SVN**

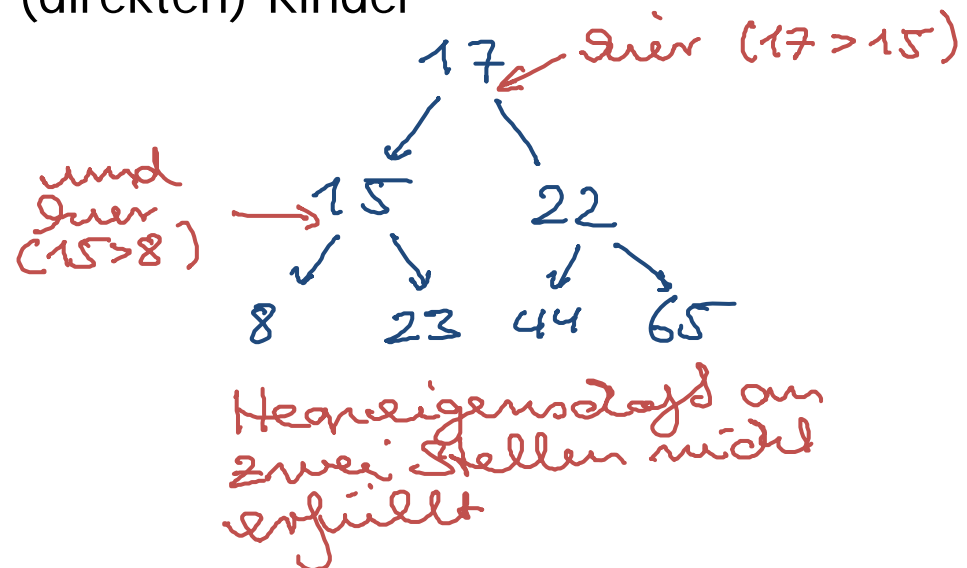
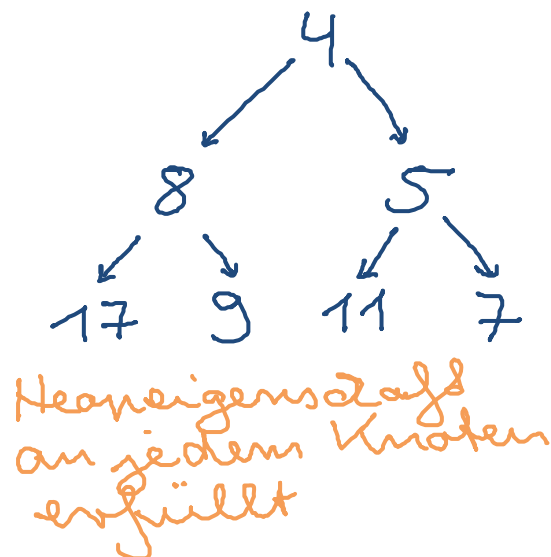
- Wie lange läuft unser Programm?
  - Wir testen das mal für verschiedene Eingabegrößen
  - **Beobachtung:** es wird "unproportional" langsamer, je mehr Zahlen sortiert werden
  - In der nächsten Vorlesung werden wir genauer analysieren, was da passiert
  - In der Vorlesung heute erstmal ein Schaubild
    - sowas sollen Sie auch für's **1. Übungsblatt** machen !
  - Wir sehen an dem Schaubild
    - die Laufzeit "wächst schneller als linear"
    - D.h. für doppelt so viele Zahlen braucht es (viel) **mehr** als doppelt so viel Zeit



# HeapSort — Algorithmus 1/5

## ■ Dasselbe Prinzip wie MinSort

- ... aber wir "verwalten" die Elemente geschickter, so dass wir das Minimum jeweils schneller berechnen können
- Genauer: in einem sogenannten **binären (Min-)Heap**
  - möglichst vollständiger binärer Baum
  - die **(Min-)Heapeigenschaft** ist erfüllt = jeder Knoten ist kleiner als seine (direkten) Kinder



# HeapSort — Algorithmus 2/5

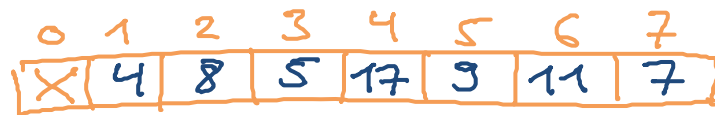
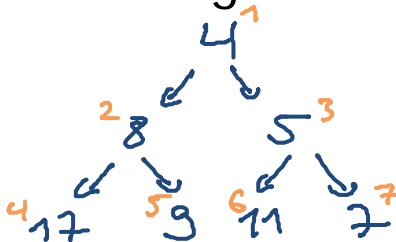
## ■ Wie speichert man einen binären Heap

- Wir numerieren die Knoten von oben nach unten und links nach rechts durch, beginnend mit **1** ... dann gilt nämlich
  - die Kinder von Knoten  $i$  sind die Knoten  $2i$  und  $2i + 1$
  - der Elternknoten von einem Knoten  $i$  ist  $\text{floor}(i/2)$
- Wir können die Elemente dann einfach in einem normalen Feld speichern:

```
ArrayList<int> heap; // Java.
```

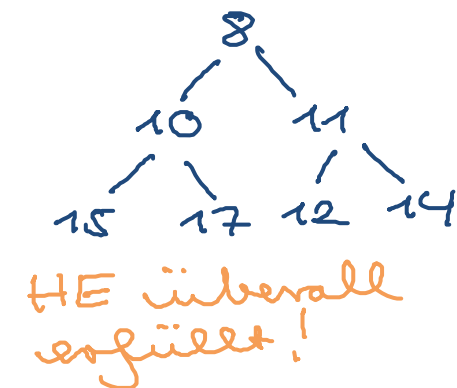
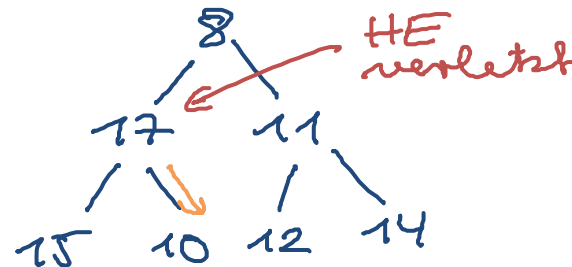
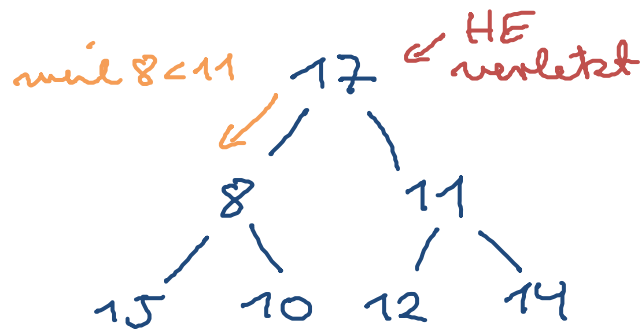
```
std::vector<int> heap; // C++.
```

- Zugriff auf den Knoten  $i$  einfach mit `heap.get(i)` bzw. `heap[i]`



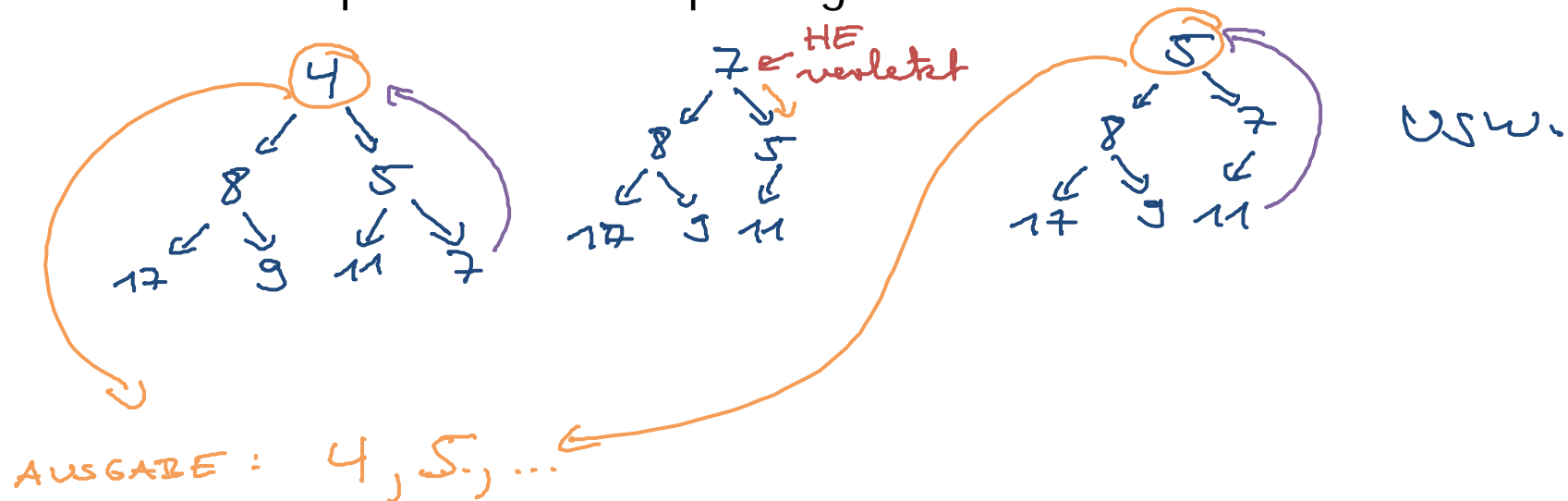
# HeapSort — Algorithmus 3/5

- Reparieren nach Entfernen des Minimums
  - Diese Routine wird uns im Folgenden nützlich sein
    - Entferne den Wurzelknoten (= kleinstes Element)
    - Setze den letzten Knoten an die Stelle der Wurzel
    - Lasse die neue Wurzel nach unten "durchsickern", bis die Wurzeleigenschaft wieder stimmt ... zum Beispiel:



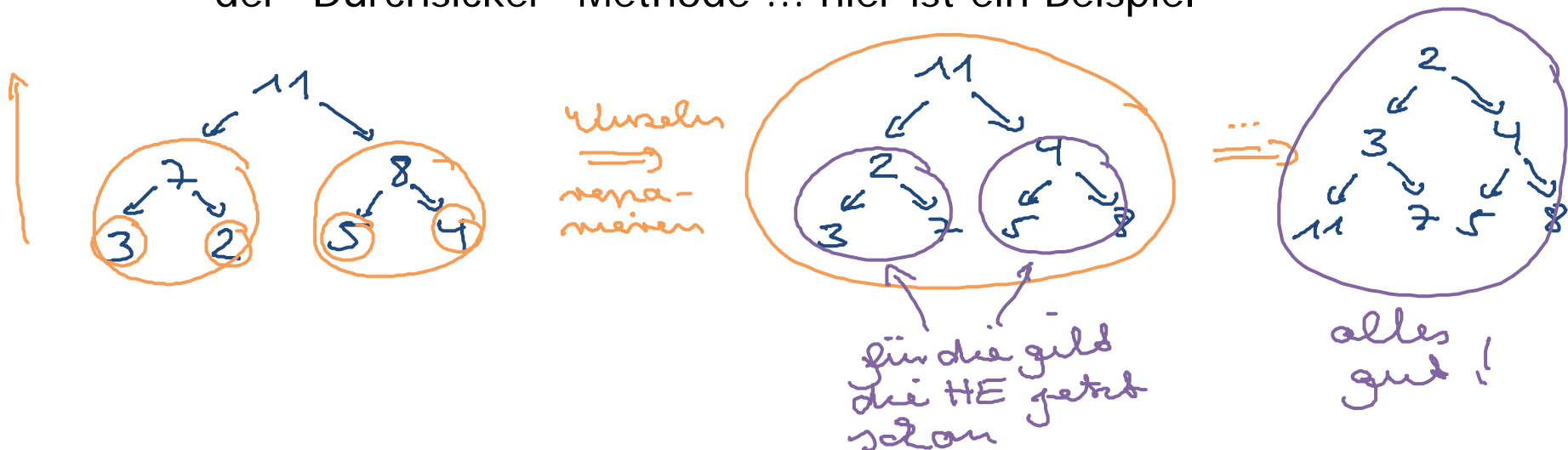
# HeapSort — Algorithmus 4/5

- HeapSort geht jetzt wie folgt vor
  - Organisiere die  $n$  Elemente in einem Heap ... nächste Folie
  - Solange noch Elemente im Heap sind:
    - Nimm das Minimum heraus
    - Setze das letzte Element an die Wurzel
    - Repariere den Heap wie gerade erklärt



# HeapSort — Algorithmus 5/5

- Organisieren der  $n$  Elemente in einem Heap
  - Diese Operation nennt man **heapify**
  - Die Element stehen ja schon in einem Feld
  - Fasse das einfach als binären Heap auf, bei dem die Heapeigenschaft (noch) nicht gilt
  - Repariere diesen Heap "von unten nach oben", auch mit der "Durchsicker" Methode ... hier ist ein Beispiel



# HeapSort — Laufzeit

---

## ■ Intuitiv

- Zur Bestimmung des Minimums musste man bei **MinSort** in jeder Runde die ganzen übrigen Elemente durchgehen
- Bei **HeapSort** ist die Bestimmung des Minimums trivial
  - es ist einfach immer die Wurzel vom **Heap**
- Allerdings müssen wir nach dem Entfernen des Minimums, jedes Mal die **Heapeigenschaft** wieder reparieren
  - dazu müssen wir aber nur einen Teil des Baumes durchgehen, nicht alle Element in dem Baum
- Das machen wir in der nächsten Vorlesung formaler ...

# Literatur / Links

---

## ■ Allgemein zur Vorlesung

- Cormen / Leiserson / Rivest: Introduction to Algorithms  
[Klassisches Lehrbuch zu Algorithmen und Datenstrukturen. Nur das Inhaltsverzeichnis ist online, muss man kaufen oder ausleihen.]

<http://mitpress.mit.edu/algorithms/>

- Mehlhorn / Sanders: Algorithms and Data Structures, The Basic Toolbox

[Neueres Lehrbuch zu Algorithmen und Datenstrukturen, mit viel praktischerer Ausrichtung als der Cormen/Leiserson/Rivest. Das ganze Buch steht online!]

<http://www.mpi-inf.mpg.de/~mehlhorn/Toolbox.html>

## ■ Sortieren

- In Mehlhorn/Sanders: 5. Sorting and Selection
- In Cormen/Leiserson/Rivest: II.7.1 HeapSort
- Wikipedia hat gute Artikel zu MinSort und HeapSort

